

## Werk

Titel: Encyklopädie der mathematischen Wissenschaften mit Einschluss ihrer Anwendungen

**Jahr:** 1903

Kollektion: Mathematica

Digitalisiert: Niedersächsische Staats- und Universitätsbibliothek Göttingen

Werk Id: PPN360709532

**PURL:** http://resolver.sub.uni-goettingen.de/purl?PPN360709532 **OPAC:** http://opac.sub.uni-goettingen.de/DB=1/PPN?PPN=360709532

**LOG Id:** LOG\_0046

LOG Titel: 23. Die Laplacesche Annahme

LOG Typ: chapter

## Übergeordnetes Werk

Werk Id: PPN360504019

**PURL:** http://resolver.sub.uni-goettingen.de/purl?PPN360504019 **OPAC:** http://opac.sub.uni-goettingen.de/DB=1/PPN?PPN=360504019

## **Terms and Conditions**

The Goettingen State and University Library provides access to digitized documents strictly for noncommercial educational, research and private purposes and makes no warranty with regard to their use for other purposes. Some of our collections are protected by copyright. Publication and/or broadcast in any form (including electronic) requires prior written permission from the Goettingen State- and University Library.

Each copy of any part of this document must contain there Terms and Conditions. With the usage of the library's online system to access or download a digitized document you accept the Terms and Conditions. Reproductions of material on the web site may not be made for or donated to other repositories, nor may be further reproduced without written permission from the Goettingen State- and University Library.

For reproduction requests and permissions, please contact us. If citing materials, please give proper attribution of the source.

## **Contact**

Niedersächsische Staats- und Universitätsbibliothek Göttingen Georg-August-Universität Göttingen Platz der Göttinger Sieben 1 37073 Göttingen Germany Email: gdz@sub.uni-goettingen.de über die Konstitution der gravitierenden Moleküle schliesst er sich dabei im wesentlichen, wenn auch in etwas modernisierter Form, an *F. Zöllner* an. Über die Begründung des *Lorentz*'schen Ansatzes wird in Nr. 36 berichtet werden.

Die Zusatzkräfte, welche Lorentz ausser den vom Newton'schen Gesetz gelieferten bekommt, enthalten als Faktor entweder  $\left(\frac{p}{c}\right)^2$  oder  $\frac{p\cdot w}{c^2}$ , worin p die konstant angenommene Geschwindigkeit des Centralkörpers, w die Geschwindigkeit des Planeten relativ zum Centralkörper und c die Lichtgeschwindigkeit bedeutet. Diese Zusatzkräfte sind also so klein, dass sie wohl in allen Fällen sich der Beobachtung entziehen werden, im Falle des Merkur, wie die Rechnung von Lorentz zeigt, sicher unter dem Beobachtbaren liegen. Daraus folgt, dass die Lorentz'schen Gleichungen, verbunden mit der Zöllner'schen Anschauung über die Natur der gravitierenden Moleküle, auf die Gravitation zwar angewandt werden können  $^{94}$ ), aber zur Beseitigung der bestehenden Differenzen zwischen Beobachtung und Berechnung nichts beitragen.

Die Laplace'sche Annahme. In ganz anderer Weise hat schon Laplace 95) eine Erweiterung des Newton'schen Gesetzes für bewegte Körper ins Auge gefasst. Er scheint sich die vom anziehenden Körper m, ausgehende Kraft als eine Art Welle vorzustellen, die auf jeden Körper  $m_2$ , den sie trifft, eine Anziehungskraft vom Betrage  $G \cdot \frac{m_1 m_2}{r^2}$  in der Richtung, in welcher sie fortschreitet, ausübt. Nun kommt es bei der Wirkung einer solchen Welle auf einen in Bewegung befindlichen Körper  $m_2$  nur an auf die relative Bewegung von Welle und Körper. Man kann sich also den Körper  $m_2$  im Raum ruhend denken, wenn man der Welle ausser ihrer Geschwindigkeit in der Richtung von r noch eine Geschwindigkeitskomponente, gleich und entgegengesetzt der Geschwindigkeit von  $m_2$ , erteilt. Der Körper m<sub>2</sub> erhält also nicht nur eine Kraftkomponente in der Richtung von r, sondern auch noch eine andere, entgegen der Richtung seiner Bahn und vom Betrage  $\frac{m_1 m_2}{r^2} \cdot \frac{v}{c}$  96), wenn v = Geschwindigkeit von m2, c Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Gravitation bezeichnet.

<sup>94)</sup> Das schliesst die Möglichkeit in sich, dass die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Gravitation gleich der Lichtgeschwindigkeit ist.

<sup>95)</sup> Méc. cél. 4, livre X, chap. VII, § 19 u. 22.

<sup>96)</sup> Die Verhältnisse würden also ganz denen bei der Aberration des Lichts entsprechen.

Die Durchführung dieser Anschauung liefert für die Planeten wenig Befriedigendes: sie ergiebt eine Perihelbewegung überhaupt nicht, wohl aber eine säkulare Änderung der mittleren Länge und zwar z. B. für den Mond von solchem Betrage, dass als unterste Grenze von c ungefähr 100 000 000 mal die Lichtgeschwindigkeit angenommen werden müsste. Nicht uninteressant ist aber, dass die Anschauung von Laplace dieselbe Wirkung ergiebt, wie ein der Geschwindigkeit des Planeten proportionaler Widerstand des Mediums.

Ein — allerdings dem *Quadrat* der Geschwindigkeit proportionaler — Widerstand des Mediums könnte vielleicht nach *Encke* <sup>97</sup>) und *v. Oppolzer* <sup>98</sup>) die p. 36 aufgeführten Unregelmässigkeiten des *Encke* schen Kometen erklären. Die von *Oppolzer* vorausgesetzten und auf dieselbe Weise erklärten Anomalien des *Winnecke* schen Kometen sind inzwischen durch Rechnungen *E. v. Haerdtl* s <sup>99</sup>) als nicht vorhanden nachgewiesen worden.

- 24. Die Annahme von Gerber. Die beiden Voraussetzungen von P.  $Gerber^{100}$ ) sind die folgenden.
- a) Das von einer Masse  $\mu$  nach einer zweiten m ausgesandte Potential P ist  $\frac{\mu}{r}$ , wo r den Abstand von  $\mu$  und m im Moment der Aussendung des Potentials bedeutet. Dieses Potential pflanzt sich mit der endlichen Geschwindigkeit c fort.
- b) Es ist eine gewisse Dauer nötig, damit das Potential "bei m angelangt, dieser Masse sich mitteile, d. h. den ihm entsprechenden Bewegungszustand von m hervorrufe". "Wenn die Massen ruhen, geht die Bewegung des Potentials mit ihrer eigenen Geschwindigkeit an m vorüber; dann bemisst sich sein auf m übertragener Wert nach dem umgekehrten Verhältnis zum Abstande. Wenn die Massen aufeinander zueilen, verringert sich die Zeit der Übertragung, mithin der übertragene Potentialwert im Verhältnis der eigenen Geschwindigkeit des Potentials zu der aus ihr und der Geschwindigkeit der Massen bestehenden Summe, da das Potential in Bezug auf m diese Gesamtgeschwindigkeit hat."

Zu dem Wert, den das Potential unter diesen Annahmen haben muss, gelangt Gerber auf folgende Weise:

"Das Potential bewegt sich ausser mit seiner Geschwindigkeit c noch mit der Geschwindigkeit der anziehenden Masse. Der Weg

<sup>97)</sup> Citiert bei von Oppolzer.

<sup>98)</sup> Astr. Nachr. 97, p. 150-154 u. 228-235.

<sup>99)</sup> Wien. Denkschr. 56 (1889), p. 179 f.

<sup>100)</sup> Zeitschr. Math. Phys. 43 (1898), p. 93-104.